



	لالب	مط	ست	فهر
--	------	----	----	-----

۲	فهرست مطالب
٣	فهرست تصاوير
۴	۱ – مقدمه
۴	۲- پلاستیسیته مستقل از سرعت
۵	۱-۲- مبانی تئوری
۵	۲-۱-۱-۲ معیار جاری شدن Yield Criterion
۶	۲-۱-۲- قانون جريان
۶	۳-۱-۲- قانون سخت شوندگی
۷	۲-۲- مدلهای مصالح پلاستیک مستقل از سرعت
۷	۲-۲-۱- سخت شوندگی سینماتیک دو خطی (Bilinear Kinematic Hardening)
٨	۲-۲-۲- سخت شوندگی سینماتیک چند خطی (Multilinear Kinematic Hardening)
٩	۲-۲-۲- سخت شوندگی سینماتیک غیر خطی (Nonlinear Kinematic Hardening)
۱۰.	۲-۲-۴- سخت شوندگی ایزوتروپیک دوخطی (Bilinear Isotropic Hardening)
۱۰.	۵-۲-۲- سخت شوندگی ایزوتروپیک چندخطی (Multilinear Isotropic Hardening)
۱۱.	۶-۲-۲- سخت شوندگی ایزوتروپیک غیر خطی (Nonlinear Isotropic Hardening)
۱۱.	۲-۲-۲ غیر ایزوتروپیک (Anisotropic)
١٢.	۲-۲-۸ دراکر -پراگر (Drucker-Prager)
۱۲.	۲-۲-۹- چدن (Cast Iron)
١٣.	٣- پلاستيسيته وابسته به سرعت
۱۴.	۴- مصالح Gasket
۱۵.	۵- غیر خطی الاستیک
۱۵.	۶-مدل آلياژ حافظه دار يا Shape Memory Alloy Material Model
۱۶.	۷- هایپر الاستیسیته یا Hyper elasticity-
۱۷.	٨- ويسكوالاستيسيته
۱۷.	٩– بتن
۱۸.	١٠– مراجع
۱٩.	۱۱- پيوست الف: فرمولبندي مدل Concrete و المان SOLID65
۲۰.	الف- محدوده فشار-فشار فشار یا $\sigma_{_2} \geq \sigma_{_1} \geq 0$
۲١.	ب- محدوده کشش-فشار -فشار یا $\sigma_{_2} \geq \sigma_{_2} \geq \sigma_{_2}$
٢٢.	ج- محدوده کشش-کشش-فشار یا $\sigma_{_1} \!\geq\! \sigma_{_2} \!\geq\! 0 \!\geq\! \sigma_{_3}$
۲۲.	د- محدوده کشش-کشش یا $\sigma_1 \! \geq \! \sigma_2 \! \geq \! \sigma_3 \! \geq \! 0$

22	ه- سطح گسیختگی تنشهای نزدیک به حالت دو محوری در فضای تنشهای اصلی
٢٣	و- فرمولبندي ماتريسي المان با رفتار غير خطي مفروض
79	۱۲-پیوست ب: جدول مدلهای ترکیبی

فهرست تصاوير

۵	شکل ۱ نمودار تنش-کرنش برخی مصالح غیر خطی
۶	شکل ۲ سطوح جاری شدگی برخی مصالح غیر خطی
۷	شکل ۳ انواع قوانین سخت شوندگی
λ	شکل ۴ پدید باشینگر
λ	شکل ۵ سخت شوندگی سینماتیک، a) مدل دو خطی، b)مدل چند خطی
11	شکل ۶ منحنی تنش-کرنش NLISO
17	شکل ۷ پلاستیسیته چدن
۱۳	شکل ۸ آزاد سازی تنش و خزش
۱۴	شکل ۹ رفتار ویسکوپلاستیک در فرآیند غلتک زنی
نی gasket	شکل ۱۰ نمودار آزمایشگاهی فشار را نسبت به تغییر مکان نسبی سطوح فوقانی و تحتا
۱۵	شكل ۱۱ رفتار تنش-كرنش الاستيك غير خطى
۱۵	شكل ١٢ رفتار تيپ مصالح فوق الاستيك
١۶	شکل ۱۳ سازه هایپر الاستیک
١٧	شكل ۱۴ رفتار ويسكوالاستيك (مدل ماكسول)
۲۰	تصویر (پ-الف-۱): سطح گسیختگی سه بعدی در فضای تنشهای اصلی
ت دو محوری۲۳	تصویر (پ-الف-۲): سطح گسیختگی در فضای تنشهای اصلی با تنشهای نزدیک به حاا
۲۵	تصویر (پ⊣لف-۳): مقاومت در شرایط ترک خوردگی

۱- مقدمه

رفتار غیر خطی مصالح هنگامی رخ میدهد که رابطه بین تنش و کرنش غیر خطی شود. به عبارتی تنش تابعی غیر خطی از کرنش باشد. این رابطه وابسته به مسیر است (به جز در رفتارهای غیر خطی الاستیک و هایپر الاستیسیته)، بطوریکه مقدار تنش بستگی به تاریخچه کرنش و مقدار کرنش دارد. برنامه ANSYS گروههای مختلفی از رفتارهای غیر خطی مصالح را در نظر گرفته است که عبارتند از:

- ۱. پلاسیتسیته مستقل از سرعت (Rate-Independent Plasticity)،
 - ۲. پلاستیسیته وابسته به سرعت (Rate-Dependent Plasticity)،
 - ۳. ماده Gasket،
 - ۴. غير خطى الاستيك (Nonlinear Elasticity)،
- ۵. مدل آلیاژ حافظه دار یا Shape Memory Alloy Material Model،
 - ۹. هايپرالاستيسيته (Hyperelasticity)،
 - ۷. ويسكوالاستيسيته (Viscoelasticity)،
 - ۸. بتن (Concrete).

روابط غیر خطی تنش-کرنش در مصالح پلاستیک، چند خطی الاستیک و هایپر الاستیک باعث میشوند که سختی سازه در سطوح مختلف بار دچار تغییر شود (و یا در درجات مختلف دما). مدلهای خزش، ویسکوپلاستیسیته و ویسکوالاستیسیته نیز می-توانند رفتارهای غیر خطی را که وابسته به زمان، نرخ بارگذاری یا سرعت، دما و تنش هستند شبیه سازی نمایند. هر کدام از این نوع رفتارها را میتوان با انتخاب المان مناسب در نرم افزار ANSYS بکار برد.

در نرم افزار ANSYS برای شبیه سازی هر گونه مصالح با رفتارهای غیر خطی یا وابسته به سرعت تغییرات تنش-کرنش از خانواده دستورات TB استفاده می شود. در این گزارش مدلهای مختلف غیر خطی مصالح مختصرا معرفی شده و دستورات متناسب ارائه خواهند شد.

۲- پلاستیسیته مستقل از سرعت

این نوع مصالح برای شبیه سازی کرنشهای غیر قابل بازگشتی که با رسیدن تنش به سطحی مشخص ایجاد میشود، بکار میرود. فرض میشود که کرنشهای پلاستیک بطور آنی و مستقل از زمان توزیع میشوند. برنامه ANSYS گزینههای متعددی برای شبیه سازی انواع مختلف این نوع مصالح ارائه میکند که نمودار تنش-کرنش برخی از آنها در شکل ۱ نشان داده شده است. این مصالح عبارتند از:

- ۱. سخت شوندگی سینماتیک دو خطی (Bilinear Isotropic Hardening)،
- ۲. سخت شوندگی سینماتیک چند خطی (Multilinear Kinematic Hardening)،
 - ۳. سخت شوندگی سینماتیک غیر خطی (Nonlinear Kinematic Hardening)،
 - ۴. سخت شوندگی ایزوتروییک دو خطی (Bilinear Isotropic Hardening)،
- ۵. سخت شوندگی ایزوتروپیک چند خطی (Multilinear Isotropic Hardening)،

- ۳. سخت شوندگی ایزوتروپیک غیر خطی (Nonlinear Isotropic Hardening)،
 - ۲. غير ايزوتروپيک (Anisotropic)،
 - ۸. دراکر-پراگر (Drucker Prager)،
 - ۹. چدن (Cast Iron)،



شكل ۱ نمودار تنش-كرنش برخي مصالح غير خطي

1-2- مبانی تئوری

تئوری پلاستیسیته رابطهای ریاضی ارائه میکند که میتواند پاسخ الاستوپلاستیک مصالح را شبیه سازی کند. در تئوری پلاستیسیته مستقل از سرعت سه جزء اصلی وجود دارند که عبارتند از: معیار جاری شدن یا Yield Criterion، قانون جریان یا Flow Rule و قانون سخت شوندگی یا Hardening Rule.

1−1−1 معیار جاری شدن Yield Criterion

معیار جاری شدن میزان تنش را که در آن جاری شدن رخ میدهد بیان میکند. برای تنشهای چند جهته این معیار بصورت تابعی از مؤلفه های تنش بیان می شود که آنرا تنش معادل نیز می نامند: $\sigma_e = f(\{\sigma\})$ ۱ که $\{\sigma\}$ بردار تنش است. هنگامی که تنش معادل برابر تنش جاری شدن مصالح σ_y شود: $f(\{\sigma\}) = \sigma_y$ ۲ آنگاه کرنشهای پلاستیک در مصالح بوقوع می پیوندد. اگر σ_e کمتر از σ_y باشد مصالح رفتار الاستیک داشته و توزیع تنشها بر اساس روابط تنش-کرنش الاستیک خواهد بود. مقدار تنش معادل هرگز نمی تواند از تنش جاری شدن تجاوز کند و به جای آن کرنشهای پلاستیک بطور آنی توسعه می یابند. معادله ۲ را می توان در فضای تنشهای اصلی به شکل ۲ نشان داد. در این شکل سطوح جاری شوندگی برخی مصالح غیر خطی ترسیم شده است.



شکل ۲ سطوح جاری شدگی برخی مصالح غیر خطی

2-1-2- قانون جريان

٣

قانون جریان جهت کرنش پلاستیک را بصورت زیر تعیین میکند:

$$d\varepsilon^{pl} = \lambda \left\{ \frac{\partial Q}{\partial \sigma} \right\}$$

λ ضریب پلاستیک است که مقدار کرنش پلاستیک را نشان میدهد و Q پتانسیل تنش است که تابعی از تنش بوده و جهت کرنش پلاستیک را تعیین میکند. اگر Q تابع جاری شدن باشد (که بطور معمول اینگونه فرض میشود)، کرنشهای پلاستیک عمود بر سطح جاری شدگی اتفاق میافتند.

3-1-3 قانون سخت شوندگی

قانون سخت شوندگی میزان تغییر در سطح جاری شدگی را در جاری شدگیهای پیش رونده توصیف می کند. به کمک این قانون می تون می توان شرایط تنش را هنگام وقوع جاری شدگیهای پی در پی تخمین زد. دو نوع قانون سخت شوندگی در دسترسند که عبار تند از سخت شوندگی کار ⁽(یا ایزوتروپیک) و سخت شوندگی سینماتیک^۲ در سخت شوندگی کار مرکز سطح جاری شدگی ثابت مانده تنها شکل آن با افزایش کرنش پلاستیک گسترش می یابد. برای مصالح با رفتار پلاستیک ایزوتروپیک این نوع سخت شوندگی،

Work Hardening

^r Kinematic Hardening

سخت شوندگی ایزوتروپیک نامیده میشود، شکل ۳–a. در مقابل سخت شوندگی سینماتیک فرض میکند که با جاری شدگی پیش رونده سطح جاری شدگی ثابت باقی میماند اما محل آن در فضای تنش جابجا میشود، شکل ۳–b. در جدول ۱ قوانین جریان و سخت شوندگی برای هر نوع رفتار غیر خطی بطور خلاصه ارائه و مقایسه شدهاند.



شکل ۳ انواع قوانین سخت شوندگی

جدول ۱ خلاصه گزینه های پلاسیتسیته

Name	TB Lab	Yield Criterion	Flow Rule	Hardening Rule	Material Response
Bilinear Isotropic Hardening	BISO	von Mises/Hill	associative	work hardening	bilinear
Multilinear Isotropic Hardening	MISO	von Mises/Hill	associative	work hardening	multilinear
Nonlinear Isotropic Hardening	NLISO	von Mises/Hill	associative	work hardening	nonlinear
Classical Bilinear Kinematic Hardening	BKIN	von Mises/Hill	associative (Prandtl- Reuss equations)	kinematic hardening	bilinear
Multilinear Kinematic Hardening	MKIN/KINH	von Mises/Hill	associative	kinematic hardening	multilinear
Nonlinear Kinematic Hardening	CHAB	von Mises/Hill	associative	kinematic hardening	nonlinear
Anisotropic	ANISO	modified von Mises	associative	work hardening	bilinear, each direction and tension and compression different
Drucker- Prager	DP	von Mises with dependence on hydrostatic stress	associative or non- associative	none	elastic- perfectly plastic
Extended Drucker- Prager	EDP	von MIses with dependence on hydrostatic stress	associative or non- associative	work hardening	multilinear
Cast Iron	CAST	von Mises with dependence on hydrostatic stress	non- associative	work hardening	multilinear

۲-۲- مدلهای مصالح پلاستیک مستقل از سرعت

−1−1- سخت شوندگی سینماتیک دو خطی (Bilinear Kinematic Hardening)

مدل سخت شونگی سینماتیک دو خطی (گزینه BKIN در دستور TB) فرض میکند که محدوده تغییرات تنش معادل برابر $2\sigma_y$ است و به عبارتی اثر باشینگر را در نظر میگیرد، شکل ۴. این گزینه برای شبیه سازی مصالح با کرنش کوچک با معیار جاری شدن فون-میسز پیشنهاد میشود که در اغلب فلزات قابل استفاده است. این مصالح برای کاربردهای با کرنش بزرگ توصیه نمی-شود. میتوان این گزینه غیر خطی را با گزینههای خزش و مدل غیر ایزوتروپیک Hill ترکیب کرد و مدلهای رفتاری پیچیدهتری را شبیه سازی نمود. برای این منظور به پیوست ب رجوع کنید. شکل ۵-a ویژگیهای کلی مدل سخت شونگی سینماتیک دو خطی را نشان میدهد.



كد نويسى زير نمونه اى از نحوه تعريف اين نوع مصالح و ترسيم آن است:

MPTEMP, 1, 0, 500	!	Define temperatures for Young's modulus
MP,EX,1,12E6,-8E3	!	CO and C1 terms for Young's modulus
TB,BKIN,1,2	!	Activate a data table
TBTEMP,0.0	!	Temperature = 0.0
TBDATA,1,44E3,1.2E6	!	Yield = 44,000; Tangent modulus = 1.2E6
TBTEMP, 500	!	Temperature = 500
TBDATA,1,29.33E3,0.8E6	!	Yield = 29,330; Tangent modulus = 0.8E6
TBLIST, BKIN, 1	!	List the data table
/XRANGE,0,0.01	!	X-axis of TBPLOT to extend from varepsilon=0 to
TBPLOT, BKIN, 1	!	Display the data table

Multilinear Kinematic Hardening) سخت شوندگی سینماتیک چند خطی (-۲-۲-۲

گزینه سخت شوندگی سینماتیک (گزینه KINH و MKIN در دستور TB) از مدل Besseling استفاده می کند و آنرا مدل Sublayer و Overlay هم می نامند. در این مدل نیز اثر باشینگر در نظر گرفته می شود. کاربرد گزینه KINH به علت در نظر گرفتن مدل Rice که مقدار کرنش کلی را ثابت نگاه میدارد نسبت به گزینه MKIN ارجحیت دارد. با گزینه KINH میتوان نمودارهای بیشتر (۴۰ در مقابل ۵) و تعداد نقاط بیشتر بر روی هر نمودار (۲۰ در مقابل ۵) را نسبت به MKIN تعریف کرد. از طرفی با استفاده از گزینه KINH در المانهای SOLID180 ،SOLID186 ،PLANE183 ،PLANE182 ،SHELL181 ،LINK180 ،SOLID186 ،SOLID187 ، SOLID187 ،SOLID186 ،SOLID185 ، PLANE183 ،PLANE182 ، SHELL208 ، BEAM189 ، SOLSH190 ، SOLSH190 ، مقابل کرنش پلاستیک تعریف کرد. اگر در استفاده از این مدل مصالح نمودارهای تنش-کرنش برای دماهای مختلف تعریف شده باشد، هر نمودار باید تعداد نقاطی برابر با سایر نمودارها داشته باشد. استفاده از این مدل در تحلیلهای با کرنش بزرگ توصیه نمی-شود و به جای آن میتوان از مدل ترکیبی با گزینه غیر ایزوتروپیک Hill استفاده نمود. شکل ۵–۵ نمودار تنش-کرنش نمونه را برای گزینه MKIN نشان میدهد.

کد نویسی زیر نمونه ای از نحوه تعریف تنش-کرنش وابسته به دما با گزینه KINH است:

TB,KINH,1,2,3 !	Activate a data table
TBTEMP, 20.0 !	Temperature = 20.0
TBPT,,0.001,1.0 !	Strain = 0.001, Stress = 1.0
TBPT,,0.1012,1.2 !	Strain = 0.1012 , Stress = 1.2
TBPT,,0.2013,1.3 !	Strain = 0.2013, Stress = 1.3
TBTEMP, 40.0 !	Temperature = 40.0
TBPT,,0.008,0.9 !	Strain = 0.008 , Stress = 0.9
TBPT,,0.09088,1.0 !	Strain = 0.09088, Stress = 1.0
TBPT,,0.12926,1.05 !	Strain = 0.12926, Stress = 1.05

کد نویسی زیر نمونه ای از نحوه تعریف تنش-کرنش پلاستیک وابسته به دما با گزینه KINH است:

TB, KINH, 1, 2, 3, PLASTIC	!	Activate a data table		
TBTEMP,20.0	!	Temperature = 20.0		
TBPT,,0.000,1.0	!	Plastic Strain = 0.0000,	Stress	=
TBPT,,0.1012,1.2	!	Plastic Strain = 0.1000,	Stress	=
TBPT,,0.2013,1.3	!	Plastic Strain = 0.2000,	Stress	=
TBTEMP,40.0	!	Temperature = 40.0		
TBPT,,0.008,0.9	!	Plastic Strain = 0.0000,	Stress	=
TBPT,,0.09088,1.0	!	Plastic Strain = 0.0900,	Stress	=
TBPT,,0.12926,1.05	!	Plastic Strain = 0.1290,	Stress	

کد نویسی زیر نیز نمونه ای از نحوه تعریف تنش-کرنش وابسته به دما با گزینه MKIN است:

MPTEMP, 1, 0, 500	!	Define temperature-dependent EX,
MP,EX,1,12E6,-8E3	!	as in BKIN example
TB,MKIN,1,2	!	Activate a data table
TBTEMP,,STRAIN	!	Next TBDATA values are strains
TBDATA, 1, 3.67E-3, 5E-3, 7E-3, 10E-3, 15E-3	!	Strains for all temps
TBTEMP,0.0	!	Temperature = 0.0
TBDATA,1,44E3,50E3,55E3,60E3,65E3	!	Stresses at temperature = 0.0
TBTEMP, 500	!	Temperature = 500
TBDATA, 1, 29.33E3, 37E3, 40.3E3, 43.7E3, 47E3	!	Stresses at temperature = 500
/XRANGE,0,0.02		
TBPLOT, MKIN, 1		

۲-۲-۳ سخت شوندگی سینماتیک غیر خطی (Nonlinear Kinematic Hardening)

گزینه سخت شوندگی سینماتیک غیر خطی (دستور TB,CHABOCHE) از مدل Chaoche استفاده می کند. این مدل مبتنی بر سخت شوندگی سینماتیکی غیرخطی چند مؤلفه ای است که امکان اعمال چندین مدل سینماتیکی را بطور همزمان فراهم می کند. همانند مدلهای BKIN و MKIN می توان اثر باشینگر و سخت شوندگی مونوتونیک را در این مدل نیز شبیه سازی نمود. همچنین از این گزینه می توان برای شبیه سازی اثرات Ratcheting و Shakedown در مصالح استفاده کرد. با ترکیب CHABOCHE با مدلهای سخت شوندگی ایزوتروپیک مانند BISO، BISO و MISO قابلیتهای بیشتری برای مدلسازی نرم شوندگی و سخت مبانی تحلیل غیر خطی ۳: مدلهای غیر خطی مصالح در نرمافزار ANSYS

شوندگی تناوبی بدست خواهد آمد. همچنین میتوان از این مدل بصورت ترکیبی با گزینه غیر ایزوتروپیک Hill برای شبیه سازی رفتارهای پیچیدهتر مصالح استفاده نمود. این مدل دارای 1+2n ثابت است که n تعداد مدلهای سینماتیک است و با دستور TB,NPTS تعریف می شود. این مدل برای شبیه سازی تحلیلی کرنشهای بزرگ گزینه مناسبی است. کد نویسی زیر نمونه ای از نحوه تعریف تنش-کرنش مستقل از حرارت و با یک مدل سینماتیک است: TB, CHABOCHE, 1 ! Activate CHABOCHE data table TBDATA, 1, C1, C2, C3 ! Values for constants C1, C2, and C3 کد نویسی زیر نیز نمونه ای از نحوه تعریف تنش–کرنش وابسته به حرارت و دو مدل سینماتیک است: TB, CHABOCHE, 1, 2, 2 ! Activate CHABOCHE data table TBTEMP,100 ! Define first temperature TBDATA,1,C11,C12,C13,C14,C15 ! Values for constants C11, C12, C13, ! C14, and C15 at first temperature TBTEMP,200 ! Define second temperature TBDATA,1,C21,C22,C23,C24,C25 ! Values for constants C21, C22, C23, ! C24, and C25 at second temperature

F-4-4 سخت شوندگی ایزوتروپیک دوخطی (Bilinear Isotropic Hardening)

مدل سخت شوندگی ایزوتروپیک دو خطی (BISO) بصورت ترکیبی از معیار جاری شدن فون-میسز و سخت شوندگی ایزوتروپیک کار استفاده می کند. این گزینه معمولاً برای تحلیلهای با کرنش بزرگ بکار می ود. می توان از ترکیب آن با سایر گزینه-های غیر خطی مانند Chaboche، خزش، ویسکوپلاستیک و غیر ایزوتروپیک Hill برای شبیه سازی مصالح با رفتار پیچیده تر استفاده کرد.

∆-۲-۲-(Multilinear Isotropic Hardening) سخت شوندگی ایزوتروپیک چندخطی

گزینه سخت شوندگی ایزوتروپیک چند خطی (MISO) همانند گزینه سخت شوندگی ایزوتروپیک دو خطی است با این تفاوت که منحنی بکار رفته به جای دو خطی، چند خطی تعریف میشود. استفاده از این گزینه در تحلیلهای با کرنش کوچک و تناوبی یا بارگذاریهای غیر متناسب (Non Proportional) توصیه نمیشود، اما در تحلیلهای با کرنش بزرگ گزینه مناسبی است. گزینه MISO این امکان را فراهم میسازد که همزمان ۲۰ منحنی با دمای متفاوت با ۱۰۰ نقطه مختلف تنش-کرنش در هر منحنی تعریف شود. نقاط کرنش میتوانند در هر منحنی با سایر منحنیها متفاوت با ۱۰۰ نقطه مختلف تنش-کرنش در هر منحنی شوندگی سینماتیک غیر خطی (CHABCHE) برای شبیه سازی نرم شوندگی یا سخت شوندگی تناوبی استفاده کرد. همچنین می-توان از ترکیب این مدل با گزینه خزش، ویسکوپلاستیک و غیر ایزوتروپیک Hill برای شبیه سازی رفتار پیچیدهتر مصالح استفاده کرد.

منحنیهای تنش-کرنش-حرارت را میتوان به صورت زیر برای مدل MISO به نرم افزار وارد نمود و نمایش داد:

/prep7		
MPTEMP,1,0,500	!	Define temperature-dependent EX,
MPDATA, EX, 1,, 14.665E6, 12.423e6		
MPDATA, PRXY, 1,, 0.3		
TB,MISO,1,2,5	!	Activate a data table
TBTEMP,0.0 ! Temperature = 0.0		
TBPT,DEFI,2E-3,29.33E3	!	Strain, stress at temperature = 0
TBPT,DEFI,5E-3,50E3		
TBPT,DEFI,7E-3,55E3		
TBPT,DEFI,10E-3,60E3		
TBPT,DEFI,15E-3,65E3		

TBTEMP,500 TBPT,DEFI,2.2E-3,27.33E3 TBPT,DEFI,5E-3,37E3 TBPT,DEFI,7E-3,40.3E3 TBPT,DEFI,10E-3,43.7E3 TBPT,DEFI,15E-3,47E3 /XRANGE,0,0.02 TBPLOT,MISO,1

۲−۲−4 سخت شوندگی ایزوتروپیک غیر خطی (Nonlinear Isotropic Hardening)

مدل سخت شوندگی ایزوتروپیک غیر خطی (NLISO) بر اساس قانون سخت شوندگی Voce تدوین شده است. گزینه NLISO اصلاحی بر مدل BISO است که در آن بخش سخت شوندگی بصورت نمایی به انتهای بخش الاستیک الحاق شده است، شکل ۶. مزیت این مدل آن است که رفتار مصالح با استفاده از چهار ثابت که توسط دستور TBDATA وارد می شوند قابل تعریف است. بر خلاف مدل OMISO دیگر نیازی به تعریف نقاط تنش-کرنش نمی باشد اما شکل در نظر گرفته شده برای آن محدود به منحنی شکل ۶ خواه مدل مدل مدی به این می این مدل آن است که رفتار مصالح با استفاده از چهار ثابت که توسط دستور ADDATA وارد می شوند قابل تعریف است. بر خلاف مدل OMISO دیگر نیازی به تعریف نقاط تنش-کرنش نمی باشد اما شکل در نظر گرفته شده برای آن محدود به منحنی شکل ۶ خواهد بود. این مدل مناسب تحلیلهای با کرنش بزرگ است. می توان با ترکیب آن با مدلهای جایله در نظر و غیر ایزوتروپیک HIIDO

! Temperature = 500

! Strain, stress at temperature = 500



Plastic strain

شكل ۶ منحنى تنش-كرنش NLISO

مثال زیر نمونهای از کد نویسی برای تعریف این نوع مصالح در دو درجه حرارت متفاوت است:

TBTEMP,100 ! Define first temperatu:	re	
TBDATA,1,C11,C12,C13,C14 ! Values for constants C	11, C12,	C13,
! C14 at first temperatu:	re	
TBTEMP,200 ! Define second temperate	ure	
TBDATA,1,C21,C22,C23,C24 ! Values for constants C	21, C22,	C23,
! C24 at second temperate	ure	

(Anisotropic) غير ايزوتروپيک (Anisotropic)

گزینه غیر ایزوتروپیک (ANISO) این امکان را فراهم میسازد که بتوان رفتارهای دو خطی تنش-کرنش متفاوتی را در جهات x، y و z مصالح و همچنین رفتارهای متفاوت کششی، فشاری و برشی تعریف کرد. این گزینه برای شبیه سازی فلزاتی که دچار تغییر مبانی تحلیل غیر خطی ۳: مدلهای غیر خطی مصالح در نرمافزار ANSYS

شکلهای قبلی هستند کاربرد دارد. استفاده از این مدل برای تحلیلهای تناوبی و بارگذاریهای نامتناسب (Non Proportional) توصیه نمی شود. در این مدل تنشهای جاری شدن و مدولهای مماسی⁷بطور کامل مستقل نیستند. برای تعریف مدولهای الاستیسیته مصالح پلاستیک غیر ایزوتروپیک ابتدا از دستور MP استفاده می شود. سپس به کمک دستور TB,ANISO نقاط جاری شوندگی و مدولهای مماسی تعریف می شوند.

۲−۲−۸ دراکر−پراگر (Drucker-Prager)

گزینه دراکر-پراگر برای شبیه سازی مصالح دانهای (اصطکاکی) مانند خاک، سنگ و بتن و سایر مدلهای بر پایه قانون مور-کلمب کاربرد دارد. مثال زیر نمونهای از کد نویسی برای تعریف این نوع مصالح است:

MP,EX,1,5000 MP,NUXY,1,0.27 TB,DP,1 TBDATA,1,2.9,32,0

```
! Cohesion = 2.9 (use consistent units),
! Angle of internal friction = 32 degrees,
! Dilatancy angle = 0 degrees
```

۲−۲−۹ چدن (Cast Iron)

گزینه چدن مدل اصلاح شده فون میسز به این صورت است که از سیلندر فون میسز در محدوده فشار و از مکعب رانکین در محدوده کشش استفاده می کند. این مدل مقاومت جاری شدن، قانون جریان و قانون سخت شوندگی متفاوتی در کشش و فشار داراست اما رفتار الاستیک آن در کشش و فشار ایزوتروپیک است. این مدل تنها برای بارگذاری مونوتونیک قابل استفاده بوده و نمی تواند در ترکیب با سایر مدلهای مصالح بکار رود. شکل ۷ نمودار پاسخ چدن را در محدوده کشش و فشار نشان می دهد. دستور تمی تواند در ترکیب با سایر مدلهای مصالح بکار رود. شکل ۷ نمودار پاسخ چدن را در محدوده کشش و فشار نشان می دهد. دستور تمی تواند در ترکیب با سایر مدلهای مصالح بکار رود. شکل ۷ نمودار پاسخ چدن را در محدوده کشش و فشار نشان می دهد. دستور TB,CAST برای تعریف ضریب پواسون پلاستیک در کشش بکار میرود که می تواند وابسته به دما باشد. برای تعریف جاری شدن و سخت شدگی در کشش و فشار از دستور TB,CAST است.



شکل ۷ پلاستیسیته چدن

مثال زیر نمونهای از کد نویسی برای تعریف این نوع مصالح است:

TB,CAST,1,,,ISOTROPIC TBDATA,1,0.04

```
TB, UNIAXIAL, 1, 1, 5, TENSION
```

" Tangent Moduli

TBTEMP,10 TBPT,,0.550E-03,0.813E+04 TBPT,,0.100E-02,0.131E+05 TBPT,,0.250E-02,0.241E+05 TBPT,,0.350E-02,0.288E+05 TBPT,,0.450E-02,0.322E+05

TB,UNIAXIAL,1,1,5,COMPRESSION TBTEMP,10 TBPT,,0.203E-02,0.300E+05 TBPT,,0.500E-02,0.500E+05 TBPT,,0.800E-02,0.581E+05 TBPT,,0.110E-01,0.656E+05 TBPT,,0.140E-01,0.700E+05

۳- یلاستیسیته وابسته به سرعت

پلاستیسیته وابسته به سرعت قانون جریان را بصورت تابعی از زمان تعریف می کند. در این حالت فرض می شود که تغییر شکل مصالح بصورت تابعی از نرخ کرنش (تغییرات زمانی کرنش) است. کاربرد مهم این نوع تئوری در مسائل خزش در دماهای بالاست. در نرم افزار ANSYS گزینههای مختلفی برای شبیه سازی انواع مصالح با رفتار وابسته به سرعت فراهم شده است. گزینه خزش یا Creep برای تعریف خزش مصالح برای زمانهای طولانی یا تحت کرنشهای کوچک بکار می رود. در حالت خزش اگر جابجایی به سازه اعمال شود نیروی عکس العمل یا تنش در طی زمان شروع به کم شدن می کند (پدیده آزاد شدن تنش)، شکل ۸-۵. سه مرحله از خزش در شکل ۸-۸ نشان داده شده است. برنامه ANSYS توانایی شبیه سازی دو مرحله اول را داراست اما مرحله سوم بدلیل رخداد خرابی عموماً شبیه سازی نمی شود.



شکل ۸ آزاد سازی تنش و خزش

گزینه پلاستیسیته وابسته به سرعت فرآیندی را در نظر می گیرد که بتواند رفتار مصالح را بر حسب تغییرات زمانی کرنش بیان کند. گزینه ویسکوپلاستیسیته Anand نوع دیگری از مدل پلاسیتیسیته وابسته به سرعت است که برای مسائل شکل دهی به فلزات بکار میرود، شکل ۹. این مدل با استفاده از المانهای VISCO107، VISCO105 و VISCO108 قابل استفاده است. در کنار این مدلها این امکان وجود دارد که کاربر بتواند مدل خودساخته ای از نوع پلاستیسیته وابسته به سرعت به سرعت به برنامه معرفی کند.



شکل ۹ رفتار ویسکوپلاستیک در فرآیند غلتک زنی

F مصالح Gasket

پیوندهای Gasket Joints) Gasket یا معمولاً برای اتصال اجزای سازهای بکار میروند. این پیوندها با ضخامت کم بصورت درزگیر بین قطعات سازهای قرار می گیرند و ممکن است جنسهای متنوعی مانند فولادی، لاستیکی (Rubber) یا مواد مرکب (Composite) داشته باشند. از دید مکانیکی Gasketها انتقال دهنده نیرو بین اعضا مجاور هستند. مصالح Gasket عموماً تحت فشار قرار دارد و دارای رفتار غیرخطی هستند. این نوع مصالح در باربرداری رفتار غیر خطی بسیار پیچیدهای از خود نشان میدهند. در این نوع

برای شبیه سازی Gasket از المانهای بینابینی یا Interface مانند INTER-192 تا INTER-195 استفاده می شود. در این المانها تغییر شکل درز بصورت In-Plane شبیه سازی می شود. کاربر می تواند مستقیماً نمودارهای بارگذاری و باربرداری را برای تعریف مصالح Gasket بکار گیرد. مصالح Gasket با دستور TB,GASKET در نرمافزار قابل تعریف است.

شکل ۱۰ نمودار آزمایشگاهی فشار را نسبت به تغییر مکان نسبی سطوح فوقانی و تحتانی برای نوعی مصالح Gasket مرکب گرافیتی نشان میدهد. نمونه پنج مرتبه بارگذاری و باربرداری شده است تا مقدار سختی باربرداری آن استخراج شود.



شکل ۱۰ نمودار آزمایشگاهی فشار را نسبت به تغییر مکان نسبی سطوح فوقانی و تحتانی gasket

5- غير خطي الاستيك

برنامه ANSYS امکاناتی را برای مدلسازی مصالح الاستیک غیر خطی (چند خطی) (با استفاده از دستور TB,MELAS) در نظر گرفته است که بر خلاف پلاستیسیته هیچ گونه انرژی در آن اتلاف نمی شود. شکل ۱۱ رفتار تنش-کرنش این مدل را نشان می دهد. ویژگی این مصالح آن است که هنگام باربرداری در همان مسیر بارگذاری حرکت کرده و هیچگونه کرنش غیر الاستیک ماندگاری در آن دیده نمی شود.



شكل ١١ رفتار تنش-كرنش الاستيك غير خطى

۶-مدل آلیاژ حافظه دار یا Shape Memory Alloy Material Model

مدل آلیاز حافظه دار (SMA) که با دستور TB,SMA تعریف می شود برای شبیه سازی رفتار فوق الاستیک^۴آلیاژهای Nitino⁴ تدوین شده است. در این آلیاژها هنگامی که مصالح در شرایط همدما تحت تغییر شکلهای بزرگ قرار می گیرد هیچ گونه تغییر شکل ماندگاری از خود نشان نمی دهد. در شکل ۱۲ نمونه ای از منحنی رفتاری این نوع مصالح نشان داده شده است. مصالح ابتدا تحت بار قرار گرفته و مسیر ABC را طی می کند که رفتاری غیر خطی است، اما هنگامی که باربرداری شود مسیر CDA را را طی می کند. این نوع رفتار، هیستریزیس بدون کرنش ماندگار است.



شكل ١٢ رفتار تيپ مصالح فوق الاستيك

^{*} Superelasticity

^۵ آلیاژ Nitinol از نیکل و تیتانیوم ساخته شده و در ۱۹۶۰ کشف گردید.

4− هايپر الاستيسيته يا Hyper elasticity

هایپر الاستیسیته اشاره به مصالحی است که میتوانند کرنشهای الاستیک بزرگ و قابل برگشتی را تجربه کنند. الاستومرها مانند لاستیک و بسیاری از مواد پلیمری در این گروه قرار می گیرند. ساختار میکروی اینگونه پلیمرها دارای ملکولهای زنجیرواری است که عموماً از اتمهای کربن تشکیل میشوند و باعث انعطاف پذیری آن میشود. پلیمرها میتوانند ساختار غیر بلوری تا نیمه بلوری داشته باشند و بلورهای بسیار نامنظمی نسبت به فلزات دارند به همین دلیل الاستومرها رفتار بسیار پیچیدهای از خود نشان می-دهند. در ابعاد ماکروسکوپی این ماده ابتدا رفتار الاستیک ایزوتروپیک از خود نشان داده و در کرنشهای محدود هنگامیکه زنجیرهای ملکولی در امتداد بار قرار می گیرند رفتار غیر ایزوتروپیک از خود نشان میده.

نوع متفاوت دیگری از پلیمرها، کامپوزیتهای الاستومری مسلح هستند. ترکیب فیبرهای قرار داده شده در رزین در مصالح کامپوزیت می تواند باعث شود که مقاومتی بیشتر از مصالح فولادی در مصالح کامپوزیت بدست آید. ماده متداولی که به عنوان فیبر استفاده می شوند شیشه است. فیبرها ممکن است تک جهته، دو جهته یا سه جهته باشند. کامپوزیتهای الاستومری مسلح شده با فیبر در وهله اول به شدت غیر ایزوتروپیک هستند.

نرم افزار ANSYS چند مدل برای شبیه سازی مصالح الاستومری ایزوتروپیک و غیر ایزوتروپیک پیشنهاد میکند. رفتار مصالح هایپر الاستیک معمولاً بر اساس پتانسیل انرژی کرنشی فرمولبندی میشود. این نوع مصالح معمولاً تراکم پذیری بسیار کمی دارند و عموماً غیر قابل تراکم فرض میشوند. مدلهای مصالح هایپرالاستیک فرض میکنند که پاسخ مصالح همدما است. این فرض اجازه میدهد که پتانسیل انرژی کرنشی بر حسب تغییرات کرنش بیان شود. نمونهای از سازهها با رفتار هایپر الاستیک در شکل ۱۳ نشان داده شده است.



شکل ۱۳ سازه هایپر الاستیک

مدلهای مصالح هایپرالاستیک در نرمافزار ANSYS عبارتند از:

Polynomial Form ،Mooney-Rivlin ،Neo-Hookean گونههای مختلف از مدلهای پتانسیل انرژی کرنشی مانند TB,HYPER ، Veoh و Gent ،Arruda-Boyce ،Potential ،Ogden تعریف می شوند. این گزینه با SOLSH190 ،SOLID187 ،SOLID186 ،SOLID186 ،SOLID187 ،SOLID187 ،SOLID187 و SOLID186 ،SOLID185 ،PLANE183 ،PLANE182 ،SHELL181 و SHELL208 و SHELL208

- ۲. گزینههای Blatz-Ko و Ogden Compressible Foam که برای شبیه سازی فومهای قابل تراکم یا مصالح فوم گونه قابل استفادهاند.
- ۳. پتانسیل انرژی کرنشی غیر ایزوتروپیک که با دستور TB,AHYPER فعال می شود و با المانهای PLANE182 و
 ۳. پتانسیل انرژی کرنشی غیر ایزوتروپیک که با دستور SOLID187 ، SOLID186 ، SOILD185 و SOLID190 قابل استفاده است.

٨- ويسكوالاستيسيته

به موادی گفته می شود که دارای بخش الاستیک (بازگشت پذیر) و ویسکوز (غیر بازگشت پذیر) هستند. در این مصالح هنگام وارد شدن بار تغییر شکل الاستیک بطور آنی اتفاق افتاده اما بخش ویسکوز آن در طی زمان رخ میدهد. رفتار این مصالح مانند خزش است با این تفاوت که با برداشتن بار همانند شکل ۱۴ بخشی از تغییر شکل بازگردانده می شود.

مدل ویسکوالاستیک برای نمایش رفتار شیشه یا مواد شیشه گونه و شبیه سازی تناوبهای سرد شدن-گرم شدن این نوع مصالح بکار می رود. این نوع مواد در دماهای بالا مانند سیالی ویسکوز عمل کرده و در دماهای پائین مانند جامدات رفتار می کند. این مدل در المانهای ویسکوالاستیک و در المانهای VISCO88 و VISCO88 در تغییر شکلهای کوچک ویسکوالاستیک و در المانهای BEAM189 ،SOLSH190 ،SOLID187 ،SOLID186 ،SOLSH190 ،SOLID187 ،SOLID186 ،SOLSH190 و SHELL181



شکل ۱۴ رفتار ویسکوالاستیک (مدل ماکسول)

۹- بتن

مدل بتن وقوع خرابی را در مصالح ترد شبیه سازی می کند. این مدل هر دو نوع خرابی ترک خوردگی و خرد شدگی را در نظر می گیرد. برای تعریف این مصالح از دستور TB,CONC و المان بتن مسلح SOLID65 استفاده می شود. فرمولبندی این مدل بر اساس معیار خرابی ویلام-وانکی ²صورت گرفته است.

این معیار برای پیش بینی خرابیهای رخ داده در بتن و سایر مصالح چسبنده – اصطکاکی مانند سنگ، خاک و سرامیک بکار میرود. معیار گسیختگی ویلام-وارنکی را میتوان به صورت تابعی از نامتغیرهای تنش بصورت زیر نوشت:

$$f := \sqrt{J_2} + \lambda(J_2, J_3) \ (\frac{I_1}{3} - B) = 0$$

' Willam-Warnke

در این رابطه λ تابعی از J_2 ، J_2 نامتغیرهای تانسور تنش و B تابعی از پارامترهای مقاومت است. λ زاویه اصطکاک و B مقدار چسبندگی است. معیار گسیختگی بالا ترکیبی از دو معیار مور-کولمب و دراگر-پراگر^۷ است. بدلیل کاربرد این نوع مصالح در شبیه سازی بتن و بنایی جزئیات فرمولبندی آن در پیوست الف آورده شده است.

10- مراجع

- 1. ANSYS Manual v10.0, Analysis Guide, Chapter 8. Nonlinear Geometry and Material.
- 2. ANSYS Manual v10.0, Theory References, Chapter 4. Structures with Material Nonlinearities.
- 3. ANSYS Manual v10.0, Element Reference, Chapter 2. General Element Features.

^v Drucker-Prager



۱۱- پیوست الف: فرمولبندی مدل Concrete و المان SOLID65

در نرم افزار تحلیل اجزای محدود ANSYS بر پایه این معیار مدلی برای گسیختگی با نام بتن^۸رائه شده است. مدل بتن قابلیت شبیه سازی ترک خوردگی و خرد شدگی مصالح را بر اساس توابع گسیختگی تعریف شده دارد. این نوع مصالح با استفاده از المان سه بعدی Solid65 در دسترس کاربران قرار گرفته است. در این بخش فرمولبندی ارائه شده در نرم افزار برای تعریف سطوح گسیختگی و تعیین ماتریسهای المان ارائه می شود.

حالت عمومی تابع گسیختگی بکار رفته در نرم افزار ANSYS بر اساس معیار ویلام-وارنکی به صورت زیر است:

 $\frac{F}{f_1} - S \ge 0$

ب_الف-۱

: است. S سطح گسیختگی بر حسب پنج پارامتر ورودی بشرح زیر است F تابع تنشهای اصلی $\sigma_{xp}, \sigma_{yp}, \sigma_{zp}$

- مقاومت کششی تک محوری مصالح، f_t
- مقاومت فشاری تک محوری مصالح، f_c
 - f_{cb} مقاومت فشاری دو محوری،
- ، σ_h^a مقاومت فشاری دو محوری در تنش هیدرواستاتیک محیطی f1 \bullet
- ، σ_h^a مقاومت فشاری تک محوری در تنش هیدرواستاتیک محیطی f2 \bullet

f_c و f₁ ،f_c و f₁ ،f_{cb} و f₁ ،f_{cb} در صورتیکه رابطه پ-الف-۱ تأمین شود، مصالح ترک خورده یا خرد می شود. سه پارامتر f₂ و f₁ ،f_c و f₂ را می توان بر حسب f₁ و f₂ را می توان بر حسب f₂ و f₁ ،f_c مورت زیر نوشت:

$$f_{cb} = 1.2 f_c$$

 $f_1 = 1.45 f_c$
 $f_2 = 1.725 f_c$ Y -الف-

$$|\sigma_{h}| \le \sqrt{3} f_{c}$$

 $\left(\sigma_{h} = hydrostatic stress state = \frac{1}{3}(\sigma_{xp} + \sigma_{yp} + \sigma_{zp})\right)$
 ψ –الف-۳

تنشهای اصلی هستند که
$$\sigma_1$$
 و σ_3 به ترتیب بزرگترین و کوچکترین آنها میباشند $\sigma_{xp},\sigma_{yp},\sigma_{zp}$

بر اساس این فرمولبندی گسیختگی مصالح به چهار صورت زیر دسته بندی شده و در هر محدوده توابع F و S بر اساس تنشهای اصلی σ_1 و σ_2 ، σ_1 و σ_3 تعریف می شود:

$$0 \ge \sigma_1 \ge \sigma_2 \ge \sigma_3$$
 . محدوده فشار-فشار-فشار که در آن $\sigma_1 \ge \sigma_2 \ge \sigma_3$. $\sigma_1 \ge 0 \ge \sigma_2 \ge \sigma_3$. محدوده کشش-فشار-فشار که در آن $\sigma_1 \ge \sigma_2 \ge 0 \ge \sigma_3$. $\sigma_1 \ge \sigma_2 \ge 0 \ge \sigma_3$. محدوده کشش-کشش-کشش که در آن $\sigma_1 \ge \sigma_2 \ge \sigma_3 \ge 0$. $\sigma_1 \ge \sigma_2 \ge \sigma_3 \ge 0$.

'Concrete

$$\begin{split} 0 \geq \sigma_{1} \geq \sigma_{2} \geq \sigma_{3} \ u_{3} \ v_{3} \ v_{4} \ v_{5} \ v_{5}$$



در معادلات بالا مقادیر a1 ،a0 و a2 با استفاده از روابط زیر محاسبه می شوند:

که

$$\xi_t = rac{f_t}{3f_c}, \ \xi_{cb} = -rac{2f_{cb}}{3f_c}, \ \xi_1 = -rac{\sigma_h^a}{f_c} - rac{2f_1}{3f_c}$$
پ–الف-۷

و مقادیر b1 ،b0 و b2 نیز از روابط زیر بدست میآیند:

$$\begin{cases} \frac{F_{1}}{f_{c}}(\sigma_{1} = \sigma_{2} = 0, \sigma_{3} = -f_{c}) \\ \frac{F_{1}}{f_{c}}(\sigma_{1} = \sigma_{2} = -\sigma_{h}^{a}, \sigma_{3} = -\sigma_{h}^{a} - f_{2}) \\ \frac{F_{1}}{f_{c}} & 0 \end{cases} = \begin{bmatrix} 1 & -\frac{1}{3} & \frac{1}{9} \\ 1 & \xi_{2} & \xi_{2}^{2} \\ 1 & \xi_{0} & \xi_{0}^{2} \end{bmatrix} \begin{cases} b_{0} \\ b_{1} \\ b_{2} \end{cases} \\ & & \\ \lambda = -\mu \\$$

$$\xi_2 = -\frac{\sigma_h^a}{f_c} - \frac{f_2}{3f_c}$$

است و $\xi_0^{\mathcal{Z}}$ ریشه مثبت معادله زیر است:

از آنجائیکه سطح گسیختگی باید محدب باقی بماند، نسبت
$$rac{r_1}{r_2}$$
 به مقادیر زیر محدود میشود:

$$0.5 \ge \frac{r_1}{r_2} \ge 1.25$$
 بالف-۱۱

ضرایب a و b نیز باید شرایط زیر را اقناع نمایند:

$$a_0 > 0, a_1 \le 0, a_2 \le 0$$

 $b_0 > 0, b_1 \le 0, b_2 \le 0$ 17-
 $y - ||b_0 - 17|$

به این ترتیب سطح گسیختگی بسته شده و برای فشارهای بالای هیدرواستاتیکی وقوع خرابی را نشان میدهد ($\xi_2^2 < \xi_2^2$).

$$\sigma_1 \ge 0 \ge \sigma_2 \ge \sigma_3$$
 ب- محدوده کشش-فشار فشار یا $\sigma_2 \ge \sigma_2 \ge \sigma_3$ در این محدوده داریم:

$$\mathsf{F} = \mathsf{F}_2 = \frac{1}{\sqrt{15}} \left[(\sigma_2 - \sigma_3)^2 + \sigma_2^2 + \sigma_3^2 \right]^{\frac{1}{2}}$$

پ–الف–۱۳

ي_الف-٩

$$S = S_2 = \left(1 - \frac{\sigma_1}{f_t}\right) \frac{2p_2(p_2^2 - p_1^2)\cos\eta + p_2(2p_1 - p_2) \left[4(p_2^2 - p_1^2)\cos^2\eta + 5p_1^2 - 4p_1p_2\right]^{\frac{1}{2}}}{4(p_2^2 - p_1^2)\cos^2\eta + (p_2 - 2p_1)^2}$$

که $\cos \eta$ از روابط قبلی و p_1 و p_2 بصورت زیر محاسبه میشوند:

$$p_1 = a_0 + a_1 \chi + a_2 \chi^2$$

 $p_2 = b_0 + b_1 \chi + b_2 \chi^2$ ١٤–١٤–ي-

ضرایب a و b از روابط قبل محاسبه شده و مقدار χ از رابطه زیر محاسبه می شود:

در صورت اقناع این معیار گسیختگی، ترک خوردگی در صفحه عمود بر تنش اصلی $\sigma_{
m l}$ اتفاق میافتد.

ANSYS HELP.IR

 $\sigma_1 \! \geq \! \sigma_2 \! \geq \! 0 \! \geq \! \sigma_3$ ج- محدودہ کشش-کشش-فشار یا -ح در این محدوده $F = F_3 = \sigma_i$; i = 1, 2ب-الف-١۶ و f+ (___)

$$S = S_3 = \frac{f_c}{f_c} \left(1 + \frac{-3}{f_c} \right)$$

اگر معیار خرابی برای i با مقادیر ۱ یا ۲ اقناع شود، ترک خوردگی به ترتیب در صفحه عمود بر تنشهای اصلی σ_1 یا σ_2 اتفاق میافتد. اگر معیار خرابی تنها برای i برابر σ_1 اقناع شود، ترک خوردگی تنها در صفحه عمود بر تنش اصلی σ_1 رخ خواهد داد. $\sigma_1 \! \geq \! \sigma_2 \! \geq \! \sigma_3 \! \geq \! 0$ د- محدوده کشش-کشش-کشش یا

در این محدوده $F = F_4 = \sigma_i$; i = 1, 2, 3ي-الف-١٨ $S = S_4 = \frac{f_t}{f_t}$ ب-الف-١٩

اگر معیار خرابی در جهات ۱، ۲ و ۳ اقناع شود، ترک خوردگی در صفحات عمود بر تنشهای اصلی σ_1 ، σ_2 و σ_3 رخ خواهد داد. در حالی که اگر معیار خرابی در جهات ۱ و ۲ اقناع شود، ترک خوردگی در صفحات عمود بر تنشهای اصلی σ_1 و σ_2 رخ خواهد داد. و بالاخره اگر معیار خرابی تنها در جهت ۱ اقناع شود، ترک خوردگی در صفحه عمود بر تنش اصلی σ_1 رخ خواهد داد.

ه- سطح گسیختگی تنشهای نزدیک به حالت دو محوری در فضای تنشهای اصلی

تصویر پ–الف-۲ وضعیت تنشها را در حالت دو محوری نشان میدهد. در این وضعیت اگر تنشهای اصلی $\sigma_{_{xp}}$ و $\sigma_{_{vp}}$ مقادیر غیر صفر قابل توجهی باشند، در این صورت وضعیت σ_{zv} در سه حالت کمی بزرگتر از صفر، برابر صفر و کمی کوچکتر از صفر رفتار متفاوتي در مصالح ايجاد مي كند. در اين حالت رفتار مصالح تابع علامت σ_{zp} خواهد بود. براي مثال اگر σ_{xp} و σ_{yp} هر دو منفي و مقدار مثبت کمی داشته باشد، ترک در جهت عمود بر σ_{zp} ایجاد می شود. در حالی که اگر σ_{zp} صفر یا مقدار منفی کمی σ_{zp} باشد، مصالح در فشار خرد خواهد شد.

و



تصویر (پ-الف-۲): سطح گسیختگی در فضای تنشهای اصلی با تنشهای نزدیک به حالت دو محوری

و- فرمولبندى ماتريسي المان با رفتار غير خطى مفروض

در نرم افزار ANSYS المان SOLID 65 مطابق با مدل گسیختگی مطرح شده در بخش قبل فرمول بندی شده است. این المان دارای ۸ گره با درجات آزادی جابجایی در سه جهت x و z است. در این المان امکان تعریف مصالح بتنی ترد با قابلیت شبیه سازی ترک خوردگی و خرد شدگی همراه با رفتار پلاستیک و خزش وجود دارد و در کنار آن تسلیح فولادی در سه جهت اصلی قابل شبیه سازی است. تسلیح فولادی در هر جهت تنها بصورت سختی تک محوری اثر داده می شود و فرض شده است که فولاد در داخل المان بطور یکنواخت توزیع شده است.

در المان SOLID 65 برای هر نوع مصالح بتنی و فولادی دو نوع ماتریس تنش- کرنش یکی در محدوده الاستیک خطی و دیگری در محدوده پلاستیک تعریف میشود. در محدوده الاستیک خطی این ماتریس سختی کلی المان بصورت زیر است:

$$[D] = \left[D \right]_{i=1}^{N_{f}} \vee_{i=1}^{N_{f}} + \left[D \right]_{i=1}^{N_{f}} \vee_{i=1}^{N_{f}} + \left[D \right]_{i=1}^{N_{f}} \vee_{i=1}^{N_{f}} \right]_{i=1}^{N_{f}}$$

که در آن:
 N_{r} تعداد مصالح تسلیح فولادی (حداکثر برابر ۳ در سه جهت محورهای محلی المان)،
 N_{r}^{R} نسبت حجمی مصالح فولادی نام به حجم کلی المان،
 V_{i}^{R} نسبت حجمی مصالح فولادی نام به حجم کلی المان،
 V_{i}^{R} اماتریس تنش – کرنش مصالح فولادی،
مطابق با رابطه فوق سختی هر المان ترکیبی از سختی بخش بتن و بخش فولاد است که در ضرایب نسبت حجمی آنها ضرب

شده است. ماتریس $\left[D_{c}
ight]$ در محدوده الاستیک خطی بصورت زیر محاسبه میشود:

مبانی تحلیل غیر خطی ۳: مدلهای غیر خطی مصالح در نرمافزار ANSYS

$$\left[D^{c} \right] = \frac{E}{(1+\nu)(1-2\nu)} \begin{bmatrix} (1-\nu) & \nu & \nu & 0 & 0 & 0 \\ \nu & (1-\nu) & \nu & 0 & 0 & 0 \\ \nu & \nu & (1-\nu) & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \frac{(1-2\nu)}{2} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{(1-2\nu)}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{(1-2\nu)}{2} \end{bmatrix}$$

که در آن E مدول الاستیسیته و υ ضریب پواسون مصالح است. در محدوده الاستیک خطی ماتریس سختی بخش فولاد برای جهت i بصورت زیر محاسبه می شود:

	Εľ	0	0	0	0	0	
	0	0	0	0	0	0	
m ^r ı.–	0	0	0	0	0	0	
[U][—	0	0	0	0	0	0	
	0	0	0	0	0	0	
	0	0	0	0	0	o]	

پ-الف-۲۲

چنانچه ذکر شد اثر فولاد فقط بصورت سختی تک محوری در المان منظور میشود. این سختی در دستگاه مختصاتی مطابق با امتداد تعریف شده برای فولاد محاسبه و به کمک ماتریس تبدیل به دستگاه مختصات محلی المان تبدیل میشود.

در صورتیکه رفتار ترک خورگی یا خرد شدگی در مصالح پیش بینی شود، ماتریس تنش-کرنش مصالح بسته به نوع خرابی اصلاح می شود. در این وضعیت بروز ترک در یک نقطه انتگرال گیری با اصلاح رابطه تنش-کرنش بصورت یک صفحه تضعیف شده در جهت عمود بر سطح ترک خوردگی شبیه سازی می شود. همچنین برای نمایش کاهش رخداده در مقاومت برشی، برای بارگذاریهای بعدی که در صفحه ترک خوردگی ایجاد برش می کنند، از یک ضریب اصلاحی انتقال برش β_i (یا Γ_1 در داخل نرم بارگذاریهای بعدی که در صفحه ترک خورد می ایجاد برش می کنند، از یک ضریب اصلاحی انتقال برش β_i (یا رابله در داخل نرم می کنند، از یک ضریب اصلاحی انتقال برش β_i (یا رابله در در می افزار) استفاده می شود. در این حالت ماتریس تش کاهش رخداده در مقاومت برشی، برای مارگذاریهای بعدی که در صفحه ترک خورد گی ایجاد برش می کنند، از یک ضریب اصلاحی انتقال برش β_i (یا رابر در افزار) استفاده می شود. در این حالت ماتریس تنش-کرنش برای مصالحی که تنها در یک جهت ترک خورده است بصورت زیر در می آفزار) استفاده می شود. در این حالت ماتریس تنش-کرنش برای مصالحی که تنها در یک جهت ترک خورده است بصورت زیر در می آید:

$$[D_{c}^{ck}] = \frac{E}{(1+\nu)} \begin{bmatrix} \frac{R^{t}(1+\nu)}{E} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \frac{1}{1-\nu} & \frac{\nu}{1-\nu} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \frac{\nu}{1-\nu} & \frac{1}{1-\nu} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \frac{\beta_{t}}{2} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{\beta_{t}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{\beta_{t}}{2} \end{bmatrix}$$

$$(T^{r}_{-ij}) = \frac{E}{(1+\nu)} \begin{bmatrix} R^{t}_{1+\nu} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \frac{1}{2} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{\beta_{t}}{2} \end{bmatrix}$$

x بالانویس ck به این معنی است که این ماتریس در دستگاه مختصات موازی با جهت تنشهای اصلی است بطوریکه محور بر سطح ترک خورده است. R_t مدول سکانت بعد از ترک خوردگی است که برای شبیه سازی پدیده نرم شوندگی در کشش تعریف می شود (تصویر پ–الف–۳). در این تحقیق برای محافظه کاری در نتایج از این پدیده صرف نظر شده و مقدار R_t صفر منظور می-شود.

در این تصویر T_c ضریب تنش کششی آزاد شده است. این ضریب در نرم افزار مقدار پیش فرض ۰/۶ را دارد. در صورتیکه مقدار دیگری مد نظر باشد آن مقدار بصورت ضریب C₉ در نرم افزار اعمال میشود.



تصویر (پ–الف–۳): مقاومت در شرایط ترک خوردگی

وقتی ترک بسته می شود تمام تنشهای فشاری عمود بر سطح ترک خورده منتقل می شوند اما به دلیل کاهش سختی برشی ناشی از ترک خوردگی قبلی، سختی برشی در ضریب اصلاح β_c (ضریب C_2 در نرم افزار) ضرب خواهد شد. در این حالت ماتریس تنش-کرنش بصورت زیر خواهد بود:

$[D_{c}^{ck}] = \frac{E}{(1+\nu)(1-2\nu)} \qquad 0 \qquad 0 \qquad \beta_{c} \frac{(1-2\nu)}{2} \qquad 0 \qquad 0$	
(1+v)(1-2v) 0 0 0 0 $(1-2v)$ 2 0	
$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & \beta_{c} \frac{(1-2\nu)}{2} \end{bmatrix}$	• 11

لازم به ذکر است که ضرایب β_c و β_c مقادیری بین صفر و یک دارند و β_t همواره کوچکتر از β_c است. این مسئله قابل تعمیم به حالاتی است که در دو یا سه جهت ترک خوردگی در نقطه انتگرال گیری اتفاق میافتد. از آنجائیکه ماتریس تنش-کرنش در دستگاه مختصات صفحه ترک خورده محاسبه میشود، لازم است با استفاده از یک ماتریس تبدیل به دستگاه مختصات محلی المان تبدیل شود. در این صورت خواهیم داشت:

$$[\mathsf{D}_{\mathsf{c}}] = [\mathsf{T}^{\mathsf{c}\mathsf{k}}]^{\mathsf{T}}[\mathsf{D}_{\mathsf{c}}^{\mathsf{c}\mathsf{k}}][\mathsf{T}^{\mathsf{c}\mathsf{k}}]$$

جزئیات کاملتر فرمولاسیون المان SOLID 65 در راهنمای برنامه ANSYS آمده است.

در صورتیکه مصالح در یک نقطه انتگرال گیری در حالت فشار تک محوری، دو محوری یا سه محوری خرد شود، زوال کامل در یکپارچگی مصالح در نظر گرفته میشود. در این حالت فرض میشود که مقاومت مصالح به مقدار ناچیزی کاهش مییابد بطوریکه سختی المان در نقطه انتگرل گیری قابل صرف نظر کردن است.

Model	With	Combination Type	Command, Label
Plasticity	Combined	Bilinear	TB,BISO +
	Hardening]	TB,CHAB
Plasticity	Combined Hardening	Multilinear	TB,MISO +
		.	TD,CHAD
Plasticity	Combined	Nonlinear	TB,NLISO + TB CHAB
Visconlasticity	Isotronic Hardening	Bilineer	
viscopiasticity	isotropic mardening	Diffical	TB,RATE
Viscoplasticity	Isotropic Hardening	Multilinear	TB.MISO +
1 2			TB,RATE
Viscoplasticity	Isotropic Hardening	Nonlinear	TB,NLISO +
			<u>TB</u> ,RATE
Plasticity and Creep	Isotropic Hardening	Bilinear	TB,BISO +
(Implicit)			TB,CREEP
Plasticity and Creep	Isotropic Hardening	Multilinear	<u>TB</u> ,MISO +
(Implicit)			TB,CREEP
Plasticity and Creep	Isotropic Hardening	Nonlinear	TB,NLISO +
(Implicit)			TB,CREEP
Plasticity and Creep	Kinematic	Bilinear	TB,BKIN +
(Implicit)	Hardening		TB,CREEP
Anisotropic Plasticity	Isotropic Hardening	Bilinear	TB,HILL +
		N. 1.'1'	TD UIL
Anisotropic Plasticity	Isotropic Hardening	Multilinear	TB.MISO +
Anisotropic Plasticity	Isotropic Hardening	Nonlinear	
ransouopie rasuenty	isotropic mardening	rommear	TB,NLSIO
Anisotropic Plasticity	Kinematic	Bilinear	TB.HILL +
	Hardening		TB,BKIN
Anisotropic Plasticity	Kinematic	Multilinear	TB,HILL +
	Hardening		<u>TB</u> ,MKIN/ KINH
Anisotropic Plasticity	Kinematic	Chaboche	TB,HILL +
	Hardening		<u>тв</u> ,СНАВ
Anisotropic Plasticity	Combined	Bilinear Isotropic and	TB,HILL +
	Hardening	Chaboche	TB,BISO +
			<u>TB</u> ,CHAB
Anisotropic Plasticity	Combined	Multilinear Isotropic	TB,HILL +
	Hardening	and Chaboche	TB CHAB +
A mine tan mine Directi nites	Cambinad	NT	TD UIL
Anisotropic Plasticity	Combined	Nonlinear Isotropic and	TB NI ISO +
	That defining	Chabbene	TB,CHAB
Anisotropic Visconlasticity	Isotropic Hardening	Bilinear	TB,HILL +
			TB,RATE +
			<u>TB</u> ,BISO
Anisotropic Viscoplasticity	Isotropic Hardening	Multilinear	TB,HILL +
			TB,RATE +
			TB,MISO
Anisotropic Viscoplasticity	Isotropic Hardening	Nonlinear	TB,HILL +

۱۳-پیوست ب: جدول مدلهای ترکیبی

Model	With	Combination Type	Command, Label
			<mark>TB</mark> ,RATE + <u>TB</u> ,NLISO
Anisotropic Creep (Implicit)			<mark>TB</mark> ,HILL + <u>TB</u> ,CREEP
Anisotropic Creep and Plasticity (Implicit)	Isotropic Hardening	Bilinear	TB,HILL + TB,CREEP + TB,BISO
Anisotropic Creep and Plasticity (Implicit)	Isotropic Hardening	Multilinear	TB,HILL + TB,CREEP + TB,MISO
Anisotropic Creep and Plasticity (Implicit)	Isotropic Hardening	Nonlinear	TB,HILL + TB,CREEP + TB,NLISO
Anisotropic Creep and Plasticity (Implicit)	Kinematic Hardening	Bilinear	TB,HILL +
Hyperelasticity and Viscoelasticity (Implicit)	Finite Strain Viscoelasticity	Nonlinear	<mark>TB</mark> ,HYPER + <u>TB</u> ,VISCO